

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«КАРАЧАЕВО-ЧЕРКЕССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ  
УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ У.Д. АЛИЕВА»

Физико-математический факультет

Кафедра математического анализа

УТВЕРЖДАЮ

И. о. проректора по УР

М. Х. Чанкаев

«30» апреля 2025 г., протокол № 8

Рабочая программа дисциплины

**ПРИКЛАДНЫЕ ЗАДАЧИ  
МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА**

---

(наименование дисциплины (модуля))

---

Направление подготовки

***01.03.02 Прикладная математика и информатика***

---

(шифр, название направления)

направленность (профиль):

***«Системное программирование и компьютерные технологии»***

---

Квалификация выпускника

***Бакалавр***

---

Форма обучения

***Очная***

---

Год начала подготовки – 2025

Составитель: канд. физ.-мат. наук, доцент Бостанова Ф.А.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с ФГОС I направлению подготовки **01.03.02 Прикладная математика и информатика**, утвержденным приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 10.01.2018 № 9 с изменениями и дополнениями от 26.11.2020 г., №1456, 8.02.2021 г., №83, на основании учебного плана подготовки бакалавров по направлению **01.03.02 Прикладная математика и информатика**, направленность (профиль): «**Системное программирование и компьютерные технологии**», локальных актов КЧГУ.

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры математического анализа на 2025-2026 учебный год, протокол № 8 от 28 апреля 2025г.

## Оглавление

1. Наименование дисциплины (модуля):.....	4
2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы .....	4
3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы .....	4
4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся.....	5
5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий.....	5
5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах).....	5
6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы.....	8
7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю).....	9
7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций .....	9
7.2. Перевод балльно-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания .....	10
7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины .....	10
7.3.1. Перечень вопросов для экзамена.....	10
7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций.....	11
7.3.3. Оценочные материалы. Темы к докладам и рефератам. Варианты контрольных работ .....	11
8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля).....	12
8.1. Основная литература: .....	12
8.2. Дополнительная литература .....	12
9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля) .....	13
9.1. Общесистемные требования .....	13
9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины.....	14
9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения .....	14
9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы .....	14
10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья .....	14
11. Лист регистрации изменений .....	15

## 1. Наименование дисциплины (модуля):

### Прикладные задачи математического анализа

**Целью** изучения дисциплины является: формирование системы знаний, умений и навыков построения и анализа прикладных задач.

#### Для достижения цели ставятся задачи:

- изучение основных этапов решения практических задач математического анализа;
- познакомить студентов с базовыми моделями;
- научить студентов применять математические методы в научных и прикладных исследованиях

## 2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Данная дисциплина (модуль) относится к Блоку 1 и реализуется в рамках части, формируемой участниками образовательных отношений.

Дисциплина (модуль) изучается на 4 курсе в 8 семестре.

МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОП ВО	
Индекс	Б1.В.ДВ.11.02
<b>Требования к предварительной подготовке обучающегося:</b>	
Данная учебная дисциплина опирается на входные знания, умения и компетенции, полученные по дисциплинам: «Математический анализ I», «Математический анализ II», «Математический анализ III», «Алгебра и геометрия», «Дифференциальные уравнения» в объеме вузовской программы бакалавриата.	
<b>Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:</b>	
Изучение дисциплины «Прикладные задачи математического анализа» необходимо для успешного освоения дисциплин, формирующих компетенции УК-1, ПК-2.	

## 3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины «Прикладные задачи математического анализа» направлен на формирование следующих компетенций обучающегося:

Код компетенций	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ОПВО	Индикаторы достижения сформированности компетенций
УК-1:	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1. Знает принципы сбора, отбора и обобщения информации УК-1.2. Умеет соотносить разнородные явления и систематизировать их в рамках избранных видов профессиональной деятельности УК-1.3. Владеет навыками работы с информационными объектами и сетью Интернет, опытом научного поиска, опытом библиографического поиска
ПК-2	Способен понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат	ПК-2.1. Знает принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы ПК-2.2. Умеет использовать и модифицировать существующие математические методы для решения прикладных задач ПК-2.3. Владеет навыками использования

		математического аппарата при решении прикладных задач.
--	--	--------------------------------------------------------

**4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся**

Общая трудоемкость (объем) дисциплины (модуля) составляет 5 ЗЕТ, 180 академических часов.

Объём дисциплины	Всего часов
	для очной формы обучения
<b>Общая трудоемкость дисциплины</b>	<b>180</b>
<b>Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) * (всего)</b>	78
<b>Аудиторная работа (всего):</b>	78
в том числе:	
лекции	26
семинары, практические занятия	52
практикумы	Не предусмотрено
лабораторные работы	Не предусмотрено
<b>Внеаудиторная работа:</b>	-
консультация перед экзаменом	-
Внеаудиторная работа также включает индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, групповые, индивидуальные консультации и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем), творческую работу (эссе), рефераты, контрольные работы и др.	
<b>Самостоятельная работа обучающихся (всего)</b>	84
<b>Контроль самостоятельной работы</b>	18
<b>Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачет / экзамен)</b>	экзамен 8 сем.

**5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий**

**5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)**

**Очная форма обучения**

№ п/п	Курс /семестр	Раздел, тема дисциплины	Общая трудоемкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)	
			Всего	Аудиторные уч. занятия	Сам. работа

			180	Лек.	Пр.	Лаб.	
	4/8	<b>Раздел 1. Исследование функций с помощью производных</b>					
1.		Тема: Условие постоянства функции. Условие монотонности функции /лекц./	2	2			
2.		Тема: Производная, локальный максимум. минимум /лекц./	2	2			
3.		Тема: Монотонные функции, производная, локальный максимум и минимум функции /практ./	2		2		
4.		Тема: Построение графика функции. использование высших производных /лекц./	2	2			
5.		Тема: Разыскание наибольших и наименьших значений. Решение задач /практ./	2		2		
6.		Тема: Раскрытие неопределенностей. /лекц./	2	2			
7.		Тема: Исследование неопределенностей /практ./	2		2		
		<b>Раздел 2. Некоторые геометрические приложения дифференциального исчисления</b>					
8.		Тема: Аналитическое представление кривых на плоскости /лекц./	2	2			
9.		Тема: Касательная к плоской кривой. /практ./	2		2		
10.		Тема: Положительное направление касательной. Случай пространственной кривой /лекц./	2	2			
11.		Тема: Касательная плоскость к поверхности. /практ./	2		2		
12.		Тема: Кривизна плоской кривой. направление вогнутости, точки перегиба /лекц./	2	2			
13.		Тема: Вогнутость и выпуклость функции. Точки перегиба. Построение графиков функции. /практ./	2		2		
14.		Тема: Понятие кривизны, круг кривизны, радиус кривизны /лекц./	2	2			
15.		Тема: Пространственные кривые. Кривизна функции /сам./	2				2
		<b>Раздел 3. Приложения производной в задачах физики и алгебры</b>					
16.		Тема: Приложения производной для исследования задачи на движение /практ./	2		2		
17.		Тема: Исследование экстремальных физических задач /практ./	4		4		
18.		Тема: Приложения производной в задачах алгебры /практ./	2		2		
19.		Тема: Некоторые другие приложения производной /сам./	10				10
		<b>Раздел 4. Приложения производной в задачах экономики</b>					
20.		Тема: Задачи на наибольшее и наименьшее значение функции /практ./	2		2		
21.		Тема: Производительность труда /лекц./	2	2			
22.		Тема: Средние и предельные издержки производства /лекц./	2	2			
23.		Тема: Эластичность и ее применение в экономике /сам./	10				10
		<b>Раздел 5. Приложения интегрального исчисления к геометрии</b>					

24.	Тема: Вычисление длины кривой /лекц./	2	2			
25.	Тема: Понятие длины кривой и методы ее вычисление. Примеры. /практ./	2		2		
26.	Тема: Натуральное уравнение плоской кривой. Примеры. /лекц./	2	2			
27.	Тема: Длина дуги пространственной кривой /практ./	2		2		
28.	Тема: Определение понятия площади. Свойство аддитивности. /практ./	2		2		
29.	Тема: Площадь как предел. Классы квадратуемых областей. /практ./	2		2		
30.	Тема: Выражение площади интегралом. Примеры. /сам./					10
31.	Тема: Определение понятия объема. его свойства /практ./	2		2		
32.	Тема: Классы тел, имеющих объемы. Выражение объема интегралом. /практ./	2		2		
33.	Тема: Выражение объема интегралом. Примеры. /практ./	2		2		
34.	Тема: Площадь поверхности вращения. Примеры. /практ./	4		4		
35.	Тема: Площадь цилиндрической поверхности. Примеры. /практ./	4		4		
	<b>Раздел 6. Приложения интегрального исчисления для вычисления механических и физических величин</b>					
36.	Тема: Схема применения определенного интеграла /практ./	2		2		
37.	Тема: Нахождение статистических моментов и центров тяжести кривой фигуры. Примеры. /практ./	2		2		10
38.	Тема: Нахождение статистических моментов и центров тяжести плоской фигуры. Примеры. /практ./	10				
39.	Тема: Механическая работа. Примеры /практ./	2		2		
40.	Тема: Работа силы трения в плоской пяте. /сам./	10				10
41.	Тема: Задачи на суммирование бесконечно малых элементов /сам./	10				10
	<b>Раздел 7. Приложения интегрального исчисления к простейшим дифференциальным уравнениям</b>					
42.	Тема: Основные понятия уравнения первого порядка /лекц./	2	2			
43.	Тема: Уравнения первой степени относительно производной. Отделение переменных /практ./	2		2		
44.	Тема: Решение задач по уравнениям первой степени /практ./	2		2		
45.	Тема: Составление дифференциальных уравнений /сам./	10				10
	<b>Раздел 8. Приложения интегрального исчисления к решению экономических задач</b>					
46.	Тема: Исследование некоторых экономических задач с помощью определенного интеграла /сам./	12				12
	<b>Контроль</b>	<b>18</b>				
	<b>ИТОГО:</b>	<b>180</b>	<b>26</b>	<b>52</b>		<b>84</b>

## **6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы**

**Лекционные занятия.** Лекция является основной формой учебной работы в вузе, она является наиболее важным средством теоретической подготовки обучающихся. На лекциях рекомендуется деятельность обучающегося в форме активного слушания, т.е. предполагается возможность задавать вопросы на уточнение понимания темы и рекомендуется конспектирование основных положений лекции. Основная дидактическая цель лекции - обеспечение ориентировочной основы для дальнейшего усвоения учебного материала. Лекторами активно используются: лекция-диалог, лекция - визуализация, лекция - презентация. Лекция - беседа, или «диалог с аудиторией», представляет собой непосредственный контакт преподавателя с аудиторией. Ее преимущество состоит в том, что она позволяет привлекать внимание слушателей к наиболее важным вопросам темы, определять содержание и темп изложения учебного материала с учетом особенностей аудитории. Участие обучающихся в лекции – беседе обеспечивается вопросами к аудитории, которые могут быть как элементарными, так и проблемными.

Главной задачей каждой лекции является раскрытие сущности темы и анализ ее основных положений. Рекомендуется на первой лекции довести до внимания студентов структуру дисциплины и его разделы, а в дальнейшем указывать начало каждого раздела (модуля), суть и его задачи, а, закончив изложение, подводить итог по этому разделу, чтобы связать его со следующим. Содержание лекций определяется настоящей рабочей программой дисциплины. Для эффективного проведения лекционного занятия рекомендуется соблюдать последовательность ее основных этапов:

1. формулировку темы лекции;
2. указание основных изучаемых разделов или вопросов и предполагаемых затрат времени на их изложение;
3. изложение вводной части;
4. изложение основной части лекции;
5. краткие выводы по каждому из вопросов;
6. заключение;
7. рекомендации литературных источников по излагаемым вопросам.

**Практические занятия.** Дисциплины, по которым планируются практические занятия, определяются учебными планами. Практические занятия относятся к основным видам учебных занятий и составляют важную часть теоретической и профессиональной практической подготовки. Выполнение студентом практических занятий направлено на:

- обобщение, систематизацию, углубление, закрепление полученных теоретических знаний по конкретным темам дисциплин математического и общего естественно-научного, общепрофессионального и профессионального циклов;
- формирование умений применять полученные знания на практике, реализацию единства интеллектуальной и практической деятельности;
- развитие интеллектуальных умений у будущих специалистов: аналитических, проектировочных, конструктивных и др.;
- выработку при решении поставленных задач таких профессионально значимых качеств, как самостоятельность, ответственность, точность, творческая инициатива. Методические рекомендации разработаны с целью единого подхода к организации и проведению практических занятий.

Практическое занятие — это форма организации учебного процесса, направленная на выработку у студентов практических умений для изучения последующих дисциплин (модулей) и для решения профессиональных задач. Практическое занятие должно проводиться в учебных кабинетах или специально оборудованных помещениях. Необходимыми структурными элементами практического занятия, помимо самостоятельной деятельности студентов, являются анализ и оценка выполненных работ и степени овладения студентами запланированными умениями. Дидактические цели



практических занятий: формирование умений (аналитических, проектировочных, конструктивных), необходимых для изучения последующих дисциплин (модулей) и для будущей профессиональной деятельности.

В процессе подготовки к практическим занятиям, обучающимся необходимо обратить особое внимание на самостоятельное изучение рекомендованной учебно-методической (а также научной и популярной) литературы. Самостоятельная работа с учебниками, учебными пособиями, научной, справочной и популярной литературой, материалами периодических изданий и Интернета, статистическими данными является наиболее эффективным методом получения знаний, позволяет значительно активизировать процесс овладения информацией, способствует более глубокому усвоению изучаемого материала, формирует у обучающихся свое отношение к конкретной проблеме. Более глубокому раскрытию вопросов способствует знакомство с дополнительной литературой, рекомендованной преподавателем по каждой теме семинарского или практического занятия, что позволяет обучающимся проявить свою индивидуальность в рамках выступления на данных занятиях, выявить широкий спектр мнений по изучаемой проблеме.

**Образовательные технологии.** При проведении учебных занятий по дисциплине используются традиционные и инновационные, в том числе информационные образовательные технологии, включая при необходимости применение активных и интерактивных методов обучения.

Традиционные образовательные технологии реализуются, преимущественно, в процессе лекционных и практических занятий. Инновационные образовательные технологии используются в процессе аудиторных занятий и самостоятельной работы студентов в виде применения активных и интерактивных методов обучения. Информационные образовательные технологии реализуются в процессе использования электронно-библиотечных систем, электронных образовательных ресурсов и элементов электронного обучения в электронной информационно-образовательной среде для активизации учебного процесса и самостоятельной работы студентов.

Практические занятия могут проводиться в форме групповой дискуссии, «мозговой атаки», разборка кейсов, решения практических задач, публичная презентация проекта и др. Прежде, чем дать группе информацию, важно подготовить участников, активизировать их ментальные процессы, включить их внимание, развивать кооперацию и сотрудничество при принятии решений.

## **7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)**

### **7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций**

Компетенции	Зачтено			Не зачтено
	Высокий уровень (отлично) (86-100% баллов)	Средний уровень (хорошо) (71-85% баллов)	Низкий уровень (удовлетворительно) (56-70% баллов)	Ниже порогового уровня (неудовлетворительно) (до 55 % баллов)
УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных	УК-1.1. Полностью знает принципы сбора, отбора и обобщения информации	УК-1.1. Знает основные принципы сбора, отбора и обобщения информации	УК-1.1. В целом знает принципы сбора, отбора и обобщения информации	УК-1.1. Знает фрагментарно принципы сбора, отбора и обобщения информации
	УК-1.2. Полностью умеет соотносить разнородные	УК-1.2. Умеет соотносить разнородные	УК-1.2. В целом умеет соотносить разнородные	УК-1.2. Не умеет соотносить разнородные

задач	явления и систематизировать их в рамках избранных видов профессиональной деятельности	явления и систематизировать их в рамках избранных видов профессиональной деятельности	явления и систематизировать их в рамках избранных видов профессиональной деятельности	явления и систематизировать их в рамках избранных видов профессиональной деятельности
	УК-1.3. Полностью владеет навыками работы с информационными объектами и сетью Интернет, опытом научного поиска, опытом библиографического поиска	УК-1.3. Владеет навыками работы с информационными объектами и сетью Интернет, опытом научного поиска, опытом библиографического поиска	УК-1.3. В целом владеет навыками работы с информационными объектами и сетью Интернет, опытом научного поиска, опытом библиографического поиска	УК-1.3. Не владеет навыками работы с информационными объектами и сетью Интернет, опытом научного поиска, опытом библиографического поиска
ПК-2: Способен понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат	ПК-2.1. Полностью знает принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы	ПК-2.1. Знает принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы	ПК-2.1. Знает основные принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы	ПК-2.1. Знает фрагментарно принципы построения и методы исследования математических моделей объектов различной природы
	ПК-2.2. Полностью умеет использовать и модифицировать существующие математические методы для решения прикладных задач	ПК-2.2. Умеет использовать и модифицировать существующие математические методы для решения прикладных задач	ПК-2.2. Умеет использовать и модифицировать существующие математические методы для решения прикладных задач	ПК-2.2. Не умеет использовать и модифицировать существующие математические методы для решения прикладных задач
	ПК-2.3. Владеет навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач	ПК-2.3. Необходимо владеет навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач	ПК-2.3. Не достаточно владеет навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач	ПК-2.3. Не владеет навыками использования математического аппарата при решении прикладных задач

## 7.2. Перевод балльно-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания

Порядок функционирования внутренней системы оценки качества подготовки обучающихся и перевод балльно-рейтинговых показателей обучающихся в отметки традиционной системы оценивания проводится в соответствии с положением КЧГУ «Положение о балльно-рейтинговой системе оценки знаний обучающихся», размещенным на сайте Университета по адресу: <https://kchgu.ru/inye-lokalnye-akty/>

## 7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины

### 7.3.1. Перечень вопросов для экзамена

1. Условие постоянства функции.
2. Условие монотонности функции
3. Монотонные функции, производная, локальный максимум и минимум функции
4. Построение графика функции. использование высших производных

5. Разыскание наибольших и наименьших значений.
6. Исследование неопределенностей
7. Аналитическое представление кривых на плоскости
8. Касательная к плоской кривой
9. Положительное направление касательной. Случай пространственной кривой
10. Касательная плоскость к поверхности
11. Кривизна плоской кривой. направление вогнутости, точки перегиба
12. Вогнутость и выпуклость функции. Точки перегиба. Построение графиков функции
13. Понятие кривизны, круг кривизны, радиус кривизны
14. Пространственные кривые. Кривизна функции
15. Приложения производной для исследования задачи на движение
16. Исследование экстремальных физических задач
17. Приложения производной в задачах алгебры
18. Задачи на наибольшее и наименьшее значение функции
19. Производительность труда
20. Средние и предельные издержки производства
21. Эластичность и ее применение в экономике
22. Понятие длины кривой и методы ее вычисления. Примеры
23. Натуральное уравнение плоской кривой.
24. Длина дуги пространственной кривой)
25. Определение понятия площади. Свойство аддитивности
26. Площадь как предел. Классы квадратуемых областей
27. Выражение площади интегралом
28. Определение понятия объема, его свойств
29. Классы тел, имеющих объемы. Выражение объема интегралом
30. Площадь поверхности вращения.
31. Площадь цилиндрической поверхности
32. Нахождение статистических моментов и центров тяжести кривой фигуры.
33. Нахождение статистических моментов и центров тяжести плоской фигуры.
34. Механическая работа. Примеры
35. Работа силы трения в плоской пьете
36. Задачи на суммирование бесконечно малых элементов
37. Основные понятия дифференциального уравнения первого порядка
38. Уравнения первой степени относительно производной. Отделение переменных
39. Составление дифференциальных уравнений
40. Исследование некоторых экономических задач с помощью определенного интеграла

### **7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций**

### **7.3.3. Оценочные материалы. Темы к докладам и рефератам. Варианты контрольных работ**

#### **Вариант контрольной работы.**

1. Найти стороны прямоугольника наибольшей площади, вписанного в эллипс  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$

2. Объем продукции предприятия в течение рабочего дня описывается функцией  $u(t) = \frac{-10}{3}t^3 + 40t^2 + 200t + 30$ . Какова производительность через 4 часа после начала работы. Определить, через какое время темп изменения производительности будет равен 0.
3. Предприятие выпускает и реализует продукцию в объеме  $Q$  усл. ед. Функция затрат  $C(Q)$  имеет вид  $C(Q) = \frac{1}{3}t^3 - 3t^2 + 5t + 20$ . Чему равно минимальное значение затрат, если объем меняется от 0,5 до 3 усл. ед
4. Зависимость издержек предприятия от объема выпускаемой продукции задана функцией. Найти значение объема, при котором издержки принимают значение 8 усл. ед. указать возможное минимальное значение издержек, при котором достигается максимальное значение.
5. Определить дисконтированный доход  $K$  за 3 года при процентной ставке  $P=8\%$ , если первоначальные капиталовложения составили 18 тыс. грн., и ежегодно намечается увеличивать капиталовложения на 2 тыс.

## **8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)**

### **8.1. Основная литература:**

1. Буров, А. Н. Математический анализ. Прикладные задачи : учебно-методическое пособие / А. Н. Буров, Н. Г. Вахрушева. - Новосибирск : Изд-во НГТУ, 2018. - 79 с. - ISBN 978-5-7782-3649-3. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1869471> – Режим доступа: по подписке.
2. Карнаухова, О. А. Прикладные задачи в математике : учебное пособие / О. А. Карнаухова, В. А. Шершнева, Т. О. Кочеткова. - 2-е изд., испр. и доп. - Красноярск : Сиб. федер. ун-т, 2020. - 216 с. - ISBN 978-5-7638-4204-3. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1819337> – Режим доступа: по подписке.
3. Пантелеев, А. В. Математический анализ : учебное пособие / А. В. Пантелеев, Н. И. Савостьянова, Н. М. Федорова. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 502 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). — DOI 10.12737/1077332. - ISBN 978-5-16-016008-5. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1898119> – Режим доступа: по подписке.

### **8.2. Дополнительная литература**

1. Жукова, Г. С. Математический анализ в примерах и задачах : учебное пособие : в 2 частях. Часть 2 / Г. С. Жукова, М. Ф. Рушайло. — Москва : ИНФРА-М, 2022. — 544 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). — DOI 10.12737/1072162. - ISBN 978-5-16-015965-2. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1864099> – Режим доступа: по подписке.
2. Демина, Т. И. Математический анализ для экономистов: практикум : учебное пособие / Т.И. Демина, О.П. Шевякова. — Москва : ИНФРА-М, 2022. — 365 с. — (Высшее

образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-010388-4. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1853541> – Режим доступа: по подписке.

## 9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)

### 9.1. Общесистемные требования

#### Электронная информационно-образовательная среда ФГБОУ ВО «КЧГУ»

Каждый обучающийся в течение всего периода обучения обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронной информационно-образовательной среде (ЭИОС) Университета из любой точки, в которой имеется доступ к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», как на территории Университета, так и вне ее.

Функционирование ЭИОС обеспечивается соответствующими средствами информационно-коммуникационных технологий и квалификацией работников, ее использующих и поддерживающих. Функционирование ЭИОС соответствует законодательству Российской Федерации.

Адрес официального сайта университета: <http://kchgu.ru>.

Адрес размещения ЭИОС ФГБОУ ВО «КЧГУ»: <https://do.kchgu.ru>.

#### Электронно-библиотечные системы (электронные библиотеки)

Учебный год	Наименование документа с указанием реквизитов	Срок действия документа
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система ООО «Знаниум». Договор № 249 эбс от 14.05.2025 г. Электронный адрес: <a href="https://znanium.com">https://znanium.com</a>	от 14.05.2025г. до 14.05.2026г.
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система «Лань». Договор № 10 от 11.02.2025 г. Электронный адрес: <a href="https://e.lanbook.com">https://e.lanbook.com</a>	от 11.02.2025г. до 11.02.2026г.
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система КЧГУ. Положение об ЭБ утверждено Ученым советом от 30.09.2015г. Протокол № 1. Электронный адрес: <a href="http://lib.kchgu.ru">http://lib.kchgu.ru</a>	Бессрочный
2025-2026 учебный год	Национальная электронная библиотека (НЭБ). Договор №101/НЭБ/1391-п от 22.02.2023 г. Электронный адрес: <a href="http://rusneb.ru">http://rusneb.ru</a>	Бессрочный
2025-2026 учебный год	Научная электронная библиотека «ELIBRARY.RU». Лицензионное соглашение №15646 от 21.10.2016 г.	Бессрочный

	Электронный адрес: <a href="http://elibrary.ru">http://elibrary.ru</a>	
2025-2026 учебный год	Электронный ресурс Polpred.com Обзор СМИ. Соглашение. Бесплатно. Электронный адрес: <a href="http://polpred.com">http://polpred.com</a>	Бессрочный

## **9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины**

Занятия проводятся в учебных аудиториях, предназначенных для проведения занятий лекционного и практического типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации в соответствии с расписанием занятий по образовательной программе. С описанием оснащённости аудиторий можно ознакомиться на сайте университета, в разделе материально-технического обеспечения и оснащённости образовательного процесса по адресу: <https://kchgu.ru/sveden/objects/>

## **9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения**

- Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная
- Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная
- ABBY FineReader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная
- Calculate Linux (внесён в ЕРПП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная
- Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная
- Kaspersky Endpoint Security (Лицензия № 280E-210210-093403-420-2061), с 25.01.2023 г. по 03.03.2025 г.
- Kaspersky Endpoint Security. Договор №0379400000325000001/1 от 28.02.2025г. Срок действия лицензии с 27.02.2025г. по 07.03.2027г.

## **9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

1. Федеральный портал «Российское образование» - <https://edu.ru/documents/>
2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru/>
3. Базы данных Scopus издательства Elsevier <http://www.scopus.com/search/form.uri?display=basic>.
4. Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования - <http://fgosvo.ru>.
5. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (ФЦИОР) – <http://edu.ru>.
6. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru>.
7. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» (ИС «Единое окно») – <http://window.edu.ru>.

## **10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья**

В ФГБОУ ВО «Карачаево-Черкесский государственный университет имени У.Д. Алиева» созданы условия для получения высшего образования по образовательным программам обучающихся с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ).

Специальные условия для получения образования по ОПВО обучающимися с ограниченными возможностями здоровья определены «[Положением об обучении лиц с ОВЗ в КЧГУ](#)», размещенным на сайте Университета по адресу: <http://kchgu.ru>.

#### 11. Лист регистрации изменений

<b>Изменение</b>	<b>Дата и номер протокола ученого совета факультета/ института, на котором были рассмотрены вопросы о необходимости внесения изменений в ОПВО</b>	<b>Дата и номер протокола ученого совета Университета, на котором были утверждены изменения в ОПВО</b>